# Elektrochemische Doppelschicht

Zustandekommen einer elektrisch geladenen Schicht:

Beispiel: metallisches Kupfer tauche in eine Kupfersalzlösung ein:

 $Cu^{2+} + 2e^{-} \leftrightarrow Cu$ 

Je nach der Gleichgewichtslage wird nun entweder die Hin- oder die Rückreaktion bevorzugt ablaufen, wodurch im Metall ein Elektronenüberschuß oder – unterschuß entsteht.

→ Oberflächenladungen im Metall, welche entgegengesetzt geladene Ionen in der Lösung anziehen!



→ elektrische *Doppelschicht* aus zwei parallelen
 Ladungsschichten
 (*H.v.Helmholtz 1821-1894,* 1853, 1879).

# Elektrochemische Doppelschicht

Zustandekommen einer elektrisch geladenen Schicht:

 Doppelschichten bilden sich aber auch durch Adsorption von Dipolen und nichtabgesättigten Bindungen

Das gesamte System ist elektroneutral; Jedoch an der Grenzfläche gibt es eine Ladungstrennung!!!



 → elektrische *Doppelschicht* aus zwei parallelen Ladungsschichten (*H.v.Helmholtz 1821-1894,* 1853, 1879).

 $q_m + q_s = 0$ 



Elektrochemische Doppelschicht



Findet keine elektrochemische Reaktion statt, d, h, kein e-Transfer

kann man eine äussere Zellspannung an das System anlegen und verändert damit die elektrochemische Doppelschicht:





• Wiederholung Potential und Oberflächenpotential

Inneres Potential = Galvanipotential

<u>Definition</u>: Überführung einer Probeladung q aus dem unendlichen wechselwirkungs-freien Vakuum längs des Weges s ins Innere der Phase  $\alpha$ 

Galvanipotential 
$$\varphi(x) = \frac{e \text{lektrische Arbeit } \int_{\infty}^{x} q \ \widetilde{E} \ dx}{\text{Probeladung } q}$$

$$\varphi(x) = \frac{1}{q} \int_{\infty}^{x} \vec{F} d\vec{s} = \int_{\infty}^{x} \vec{E} d\vec{s} = (\vec{F} = q\vec{E})$$



Elektrochemische Zelle



φ - Potentiale im Innern der Phasen (inneres Potential, Galvanipotential)

$$\Delta \phi_1 = \phi_{m1} - \phi_{Lsg}$$
 und  $\Delta \phi_2 = \phi_{m2} - \phi_{Lsg}$ 

- nicht messbare Potentialdifferenzen
- $E_{Kl} = \phi_{m1} \phi_{m2}$  Klemmspannung, messbar



#### Elektrochemische Zelle





zum Vergleich: Metall-Vakuum



Helmholtz war der erste
 , welcher versuchte, die
 Doppelschicht zu erklären



Hermann Ludwig Ferdinand von Helmholtz German Physicist/Chemist/Philosopher 1821 - 1894



Näherungen: man betrachtet zwei planparallele Ladungsschichten man betrachtet nur Punktladungen Ionen nähern sich der Doppelschicht bis auf Hydrathüllenabstand Es wird keine thermische Bewegung betrachtet





Füllt man einen elektrisch nichtleitenden Stoff zwischen zwei Platten, wird er polarisiert — Polarisierung wirkt dem Feld entgegen

Elektrische Verschiebung:  $D = \varepsilon_0 E$  (Abschwächung)

Die Feldstärke sinkt  $\varepsilon_r = E_o / E$ 

Kapazität eines Plattenkondensators





## Plattenkondensator-Modell

- starre Doppelschicht von solvatisierten Ionen und Elektronen auf der Metallseite
- "Plattenabstand": einige Moleküldurchmesser





Ladungsfreier Raum zwischen den Schichten: Linearer Potentialabfall Poisson Gleichung

$$\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{\rho}{\varepsilon_r \varepsilon_0} \quad mit \ \rho = 0$$

$$\rho$$
 : Raumladungsdichte

Constanze Donner / Ludwig Pohlmann

## Plattenkondensator-Modell

$$\frac{d\phi}{dx} = -kons\tan t$$

konstante Feldstärke





Ladungsfreier Raum zwischen den Schichten: Linearer Potentialabfall Poisson Gleichung

$$\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{\rho}{\varepsilon_r \varepsilon_0} \quad mit \ \rho = 0$$

 $\rho$  : Raumladungsdichte



### "Plattenkondensator" mit kleinstmöglichem Plattenabstand!

• Extrem hohe Feldstärke:  $\Delta \phi = 500 \text{ mV}, \text{ d} = 0.5 \text{ nm}$  $\rightarrow$  Feldstärke E = 10<sup>9</sup> V/m ! Zum Vergleich: Durchschlagsfeldstärke: Luft: 10<sup>6</sup>, Quarz: 10<sup>8</sup> V/m

 Diese enormen Feldstärken sind notwendig (und hinreichend), um chemische Bindungen brechen bzw. neu formen zu können!



Elektrochemische Reaktionen können nur in der Helmholtzschicht stattfinden! EC ist Surface Science!



"Plattenkondensator" mit kleinstmöglichem Plattenabstand!

Riesige Kapazität: Kapazität pro Fläche beim Plattenkondensator:  $C = \frac{\varepsilon_r \varepsilon_0}{d} A$ 

■ Wasser: 
$$\epsilon_r = 78,5 \rightarrow C = 350 \,\mu\text{F/cm}^2$$
  
 $\epsilon_0 = 8 \times 10^{-12} \,\text{C} / \,\text{V} \,\text{m}$ 

• in Wirklichkeit kleiner, ca. 10-50  $\mu$ F/cm<sup>2</sup>, da  $\epsilon_r$  in der starren Doppelschicht kleiner ist





$$\frac{1}{C_{\rm tot}} = \frac{1}{C_{\rm a}} + \frac{1}{C_{\rm c}}$$

Kapazität: 10-40 μF/cm<sup>2</sup>

Goldcaps, Boostcaps, Supercaps

Seit 1971 (1957 Patent)



 Prinzip: poröse
 Kohlenstoffelektroden mit einer sehr großen inneren Oberfläche! (Aktivkohle, Aerogele)

 $\rightarrow$  Kapazitäten bis zu 100 F / g !





Riccardo Signorelli/MIT

• Energiedichte: 4 Wh / kg  $\rightarrow$  bis zu 60 Wh / kg

$$W = \frac{1}{2}CU^2$$

- Forschung: neue Elektrodenmaterialien, geeignetere Elektrolyte
- Anwendung: kleinste Ströme, bzw. Schnelle Ströme

# Anwendungsperspektiven





## Plattenkondensator-Modell





## Plattenkondensator-Modell





Obwohl die Ladung metallseitig nur auf die Oberfläche konzentriert ist, Muss dies nicht notwendigerweise für die Lösung gelten. Besonders für niedrige Konzentrationen bekommt die Schicht lösungsseitig mehr Ausdehnung, es entsteht eine

### **Diffuse Doppelschicht**



## Gouy (1910) – Chapman(1913) - Modell

- Grundidee: zwei gegenläufig Prozesse
- Das elektrostatische Feld der Elektrode zieht entgegengesetzt geladene Ionen an
- Die thermische Molekularbewegung zerstört immer wieder jede Ordnung



Analogie: Debye Hückel



### Gouy-Chapman-Modell

Analogie: Debye Hückel Radialsymmetrische vs ebene Geometrie Ionenwolke vs. Raumladungszone





$$\rho = \rho_0 e^{-\frac{\Delta h}{h_s}}$$

Allerdings:

- Das Gravitationspotential ist annähernd linear und unabhängig von der Luftdichte
- → Wohl doch komplizierter!?

$$\frac{d^2 \varphi(x)}{dx^2} = -\frac{\rho(x)}{\varepsilon_r \varepsilon_0} \quad \text{und} \quad \rho(x) = \sum_i z_i en_i^0 \cdot exp\left(-\frac{z_i e\varphi(x)}{kT}\right)$$



Sie verwendeten ähnliche Näherungen:

Die größte Konzentration an Ionen befindet sich nahe der Metallseite und sinkt mit zunehmendem Abstand von der Elektrode



Elektrostatische / thermische Energie abstandsabhängig

 Die Schicht wird schmäler, wenn: die Ladungsdichte steigt
 die Konzentration des Elektrolyten größer wird



## Gouy (1910) – Chapman (1913)



nahe der Elektrode gilt: Elektrostatische > thermische Energie

Im Abstand  $x_0$  besitzt die Ionenkonzentration den Wert im Volumen: Referenzzustand  $n_0$  $x_0$ 

Die Anzahl der Ionen in der Doppelschicht wird durch die **Boltzmann-Verteilung** beschrieben:

$$n(x) = n_0 \exp(-\frac{zF\phi(x)}{RT})$$
  $\phi(x) = \phi - \phi(s)$ 

 $\phi(s) = 0$  Elektroneutralität

Gouy (1910) – Chapman (1913)

Die Anzahl der Ionen in der Doppelschicht wird durch die **Boltzmann-Verteilung** beschrieben:

$$n(x) = n_0 \exp(-\frac{zF\phi(x)}{RT})$$

 $\phi(\mathsf{x}) = \phi - \phi(\mathsf{s})$ 

 $\phi(s) = 0$  Elektroneutralität

Summiert über alle Arten von Ionen gilt für die Ladungsdichte pro Volumen:

$$\rho(x) = \sum z_i n_{0i} F \exp(-\frac{z_i F \phi(x)}{RT})$$



 Die Poisson Gleichung verknüpft die Raumladungsdichte mit dem Potential (Analogie zur Debye – Hückel Theorie)

$$\frac{d^2\varphi(x)}{dx^2} = -\frac{\rho(x)}{\varepsilon_r\varepsilon_0}$$

Kombination der Boltzmann- Gleichung mit der Poisson- Gleichung führt zu

$$\frac{d^2\phi}{dx^2} = -\frac{F}{\varepsilon_0\varepsilon_r} \sum_{i=1}^{\infty} z_i n_{0i} \exp(-\frac{z_i F\phi(x)}{RT})$$

#### Diese Gleichung enthält nur noch das Potential

FU BerlinConstanze Donner / Ludwig Pohlmann2010



Kombination der Boltzmann- Gleichung mit der Poisson- Gleichung

$$\frac{d^2\phi}{dx^2} = -\frac{F}{\varepsilon_0\varepsilon_r} \sum z_i n_{0i} \exp(-\frac{z_i F\phi(x)}{RT})$$

Lösung unter folgenden Annahme möglich:

 $\epsilon_r$  ist unabhängig von x ( grobe Näherung, sie gilt streng genommen nur weit weg von der Elektrode)

zF 
$$\phi \ll RT$$
, dann gilt auch :  $\frac{z_i F \phi(x)}{RT} \ll 1$ 

Elektrostatische Energie < thermische Energie !!!

Achtung: gilt nur für kleine Potentialdifferenzen!!!



Lösungsweg in Analogie zur Debye - Hückeltheorie

$$\frac{d^2\phi}{dx^2} = -\frac{F}{\varepsilon_0\varepsilon_r} \sum z_i n_{0i} \exp(-\frac{z_i F\phi(x)}{RT})$$

Linearisierte Form nach Taylor- Reihenentwicklung

1) 
$$\frac{d^2\phi}{dx^2} = -\frac{2FF}{\varepsilon_0\varepsilon_r RT}\Delta\phi I$$
  $\sum z_i c_o = 0$  aus Elektroneutralitäts-  
bedingungen

praktikabel 
$$I = 0.5 \sum z_i^2 c_i$$
 Ionenstärke









Gibt an in welchem Abstand das Potential auf den e- ten Teil abgefallen ist.

bzw. Dicke der diffusen Doppelschicht



Gouy-Chapman

#### Wie verhält sich der Potentialabfall?

Lösung der Differentialgleichung für x =  $\infty$   $\phi_S = 0$ 





Was gilt dann für die Raumladungsdichte in der Doppelschicht?

#### Zur Erinnerung



#### **Unterschied Helmholtzschicht**

FU Berlin Constanze Donner / Ludwig Pohlmann 2010



Folgerungen:

- Potentialdifferenz =  $0 \rightarrow \ddot{U}$ berschußladung = 0 = PZC
- Schichtdicke "Plattenkondensator": Debye-Länge!
- Minimum der differentiellen Kapazität im Nulladungspotential:

$$C = \frac{d\sigma}{d\phi_0} = -\sqrt{\frac{2z^2 e^2 \varepsilon_r \varepsilon_0 n^0}{kT}} \cosh\left(\frac{ze\phi_0}{2kT}\right)$$



### Nullladungspotential

Folgerungen:

• Potentialdifferenz =  $0 \rightarrow \ddot{U}$ berschußladung = 0 = PZC !!!

Achtung: Keine OV, kein open circuit potential OCP



# Exkurs: Adsorption von Zusätzen

 Das Nullladungspotential steuert die potentialabhängige Adsorption von polaren und unpolaren Molekülen, welche selbst an der Reaktion nicht teilnehmen (Additive):



 Das Nulladungspotential hat nichts mit dem Nernst-Potential zu tun, welches das elektrochemisch Gleichgewicht definiert! Und nichts mit 0 V



Limits des GC Modells: ε ist nicht unabhängig von x

### • $H_2O$ ca 78 und 6-8 am Metall

- Die Kapazitätswerte sind viel zu hoch in der Berechnung C ~  $\epsilon$
- Bei größereren Potentialdifferenzen versagt das Modell
- Bei großen Elektrolytkonzentrationen versagt das Modell
- Ionen sind keine Punktladungen



#### Limits GC und HH

 Das GC-Modell ist geeignet f
ür die N
ähe des Nullladungspotentials, das HH-Modell f
ür gr
ö
ßere Entfernungen davon

#### **Synthese**

 HH-Schicht und die diffuse GC-Schicht sind geometrisch hintereinander angeordnet

Logisch ist eine Synthese: Reihenschaltung beider Kondensatoren

*→ Modell von Stern 1888-1969* (1924):

$$\frac{1}{C_{d}} = \frac{1}{C_{d}^{H}} + \frac{1}{C_{d}^{GC}(\phi_{0})}$$



Logisch ist eine Synthese: Reihenschaltung beider Kondensatoren

→ Modell von Stern 1888-1969 (1924):

Zetapotential

$$\phi_M - \phi_S = (\phi_M - \phi_H) + (\phi_H - \phi_S)$$

Outer Helmholtz Plane

Linearer Potentialabfall Exponentieller Abfall

FU Berlin Constanze Donner / Ludwig Pohlmann 2010



→ Modell von Stern 1888-1969 (1924):

$$\phi_M - \phi_s = (\phi_M - \phi_H) + (\phi_H - \phi_s)$$

Differentiation











Inner Helmholtz plane (IHP) – solvent molecules and "specifically adsorbed" ions

<u>Outer Helmholtz plane</u> (OHP) – plane of closest approach of <u>solvated ions</u>.

Helmholtz layer – demarcated by OHP

 $\geq$  <u>Diffuse layer</u> – excess charge  $\neq 0$ 



### Der kleinste Kondensator bestimmt, welche Kapazität im

Experiment gemessen wird:

$$\frac{1}{C_{d}} = \frac{1}{C_{d}^{H}} + \frac{1}{C_{d}^{GC}(\phi_{0})}$$

 C<sub>GC</sub> wird größer mit der Ionenstärke I, da die Ausdehnung der Doppelschicht kleiner wird; C<sub>HH</sub> gewinnt an Einfluss







>  $C_{GC}$ : parabola shape - minimum is the potential of zero charge (pzc).

 $>E_{pzc}$  metal and diffuse layer charge is zero.



Constanze Donner / Ludwig Pohlmann 2010





Louis Georges Gouy French Physicist 1854 - 1926



David Leonard Chapman English Physicist 1869 - 1958



Otto Stern German Physicist 1888 - 1969



 In allen Theorien wird nicht die spezifische (chemische)
 Wechselwirkung von Ionen mit der Elektrodenoberfläche betrachtet

Elektrostatische WW: für NaF, NaClO<sub>4</sub> etc- gute Übereinstimmung mit Theorie

für Br<sup>-</sup>, J<sup>-</sup>, SO<sub>4</sub><sup>2-</sup>, Cl<sup>-</sup> - schlechte Übereinstimmung

Weitere Einflüsse: Anionen und Kationen sind unterschiedlich hydratisiert Oberfläche ist hydratisiert an der Oberfläche wird die Wasserstruktur gebrochen Wasser ist ein Dipol mit chem. WW des Sauerstoffes LM



#### Einige Abschätzungen und Betrachtungen:

Immobilisierte Wasserdipole an der **negativ geladenen** Oberfläche führen zur Elektrostriktion  $\longrightarrow$  durch Kompression kleine Kapazität, weil kleines  $\varepsilon$ 

- Stokes Radien der Ionen im Durchschnitt: 0.2-0.3 nm
- Wasser hat einen Radius von ca. 0.27 nm



OHP ~ 0.47 -0.57 nm  $\epsilon$ = 7; C<sub>M</sub> = 12 µF/cm<sup>2</sup>

**Positive Oberfläche:** Dicke der Schicht ist schmal (spez. Ad) = C wird größer

47



#### Einige Abschätzungen und Betrachtungen:



# Doppelschichten- spezifische Adsorption



Constanze Donner / Ludwig Pohlmann 2010

# Doppelschichten- Messmethoden

- Wechselspannungsmethoden siehe auch Impedanzmethoden
- Messungen mit Gleichspannung Strom- Spannungskurve im Doppelschichtbereich



Kinetik





$$\frac{dq}{dt} = \frac{\partial(CE)}{dt} = E \frac{\partial C}{\partial t} + C \frac{\partial E}{\partial t}$$
 Scan rate  
Kinetik

- Der capazitive Strom hängt linear von der Scanrate ab
- Er ist in der Regel viel kleiner als der Faradaysche Strom

